



VI  
РАЗРЕД

Друштво Физичара Србије  
Министарство просвете, науке и технолошког развоја  
Републике Србије  
РЕШЕЊА

ОПШТИНСКИ НИВО  
10.02.2013

1. Укупан пут  $s = 2a + 2b = 2 \cdot 80 + 2 \cdot 100 = 360 \text{ m}$  [2]. Милица до сусрета претрчи  $s_2 = 90 \text{ m}$  [1]. Време до сусрета је  $t_2 = s_2/v_2$  [2],  $t_2 = 45 \text{ s}$  [1] и оно је исто као време кретања Милана до сусрета  $t_2 = t_3$  [2]. Пут који Милан пређе је  $s_3 = s - s_2 = 270 \text{ m}$  [1]. Одавде се добије Миланова брзина  $v_3 = s_3/t_3$  [2],  $v_3 = 6 \text{ m/s}$  [1]. Иван до сусрета са Миланом пређе пут  $s_1 = 120 \text{ m}$  [1]. Милан пређе остатак пута тј.  $s_4 = s - s_1 = 240 \text{ m}$  [1], за време  $t_4 = s_4/v_3$  [2],  $t_4 = 240/6 \text{ s} = 40 \text{ s}$  [1]. Одавде се добије да је Иванова брзина  $v_1 = s_1/t_4$  [2],  $v_1 = 3 \text{ m/s}$  [1].

2. Црвени аутомобил се на другом делу пута креће брзином  $v_2 = s_2/t_2$  [2],  $v_2 = 60 \text{ km/h}$  [1]. Одавде се могу одредити брзине на преостала два дела пута. На првом  $v_1 = v_2/2$  [1],  $v_1 = 30 \text{ km/h}$  [1] и на трећем  $v_3 = 3v_2/2$  [1]. Сва три дела пута су једнака  $s_1 = s_2 = s_3 = 30 \text{ km}$  [1], одакле можемо израчунати време кретања на сваком делу пута  $t_1 = s_1/v_1 = 1 \text{ h}$  [2],  $t_2 = s_2/v_2 = 0.5 \text{ h}$  [2] и  $t_3 = s_3/v_3 \approx 0.33 \text{ h}$  [2]. Укупно време кретања црвеног аутомобила је  $t_c = t_1 + t_2 + t_3 \approx 1.833 \text{ h}$  [2]. Време кретања белог аутомобила на је  $t_b = s/v_{sr}$  [2],  $t_b = 1.5 \text{ h}$  [1]. Пре ће да стигне бели аутомобил за  $\Delta t = t_c - t_b \approx 0.333 \text{ h}$  [2].

3. Дужина воза у односу на пешака који се креће у истом смеру као и воз је  $l = (v_v - v)t_1$  [5], а у односу на пешака који се креће у супротном смеру  $l = (v_v + v)t_2$  [5]. Одавде је  $(v_v - v)t_1 = (v_v + v)t_2$  [5] и  $v_v = \frac{v(t_1 + t_2)}{(t_1 - t_2)}$  [4],  $v_v = 12 \text{ m/s}$  [1].

4. Да се аутомобил кретао предвиђеном брзином  $v$ , он би пут  $s$  прешао за неко време  $t$ . Пошто се креће брзином  $v_1 = v/2$  [1], онда исти тај пут пређе за неко време  $t_1$ ,  $t_1 = s/v_1 = 2s/v$  [5]. Важи да је  $t + \Delta t = t_1$  [5], одакле је  $s/v + \Delta t = 2s/v$  [3]. Када се овај израз упрости добијемо  $s = v\Delta t$ ,  $v = s/\Delta t$  [5],  $v = 80 \text{ km/h}$  [1].

5. Да нема реке чамац би на кретање потрошио време  $t = d/v$  [4]. Река ће га за време  $t$  однети низводно за  $L$ , одакле се за брзину реке може израчунати  $v_r = L/t$  [4],  $v_r = 0.6 \text{ m/s}$  [1]. Када би се чамац кретао брзином  $v_1$ , време кретања би тада било  $t_1 = d/v_1$  [4],  $t_1 = 200 \text{ s}$  [1]. Река би у том случају чамац однела за  $L_1 = v_r t_1$  [5],  $L_1 = 120 \text{ m}$  [1].

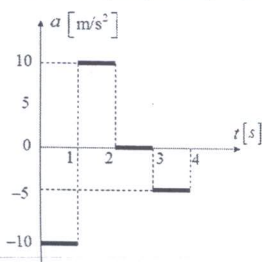
Члановима комисије желимо срећан рад и пријатан дан!



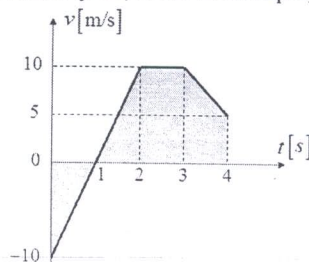
**VII**  
РАЗРЕД

Друштво Физичара Србије  
Министарство просвете, науке и технолошког развоја ОПШТИНСКИ НИВО  
Републике Србије  
РЕШЕЊА  
10.02.2013

1. График зависности интензитета убрзања тела од времена кретања приказан је на слици 1 [8п]. Сваки део исправно нацртаног дела графика носи по 2п. Пређени пут тела једнак је осенченој површини испод графика брзине (слика 2) и износи :  $S = 27.5 \text{ m}$  [12п]. Ако је пут одређиван нумеричким путем, сваки тачно израчунати парцијални део бодовати са по 3п.



Слика 1.



Слика 2.

2. а) Пређени путеви тела су :  $\Delta S_1 = v_1 \Delta t + a (\Delta t)^2 / 2$  [2п] и  $\Delta S_2 = v_2 \Delta t + a (\Delta t)^2 / 2$  [2п].  $v_1$  је брзина тела на почетку првог временског интервала, а  $v_2$  је брзина тела на почетку другог (тј. на крају првог) временског интервала, при чему важи :  $v_2 = v_1 + a \Delta t$  [2п]. Решавањем претходних једначина добијамо да је интензитет убрзања тела једнак :  $a = (\Delta S_2 - \Delta S_1) / (\Delta t)^2 = 1.78 \text{ m/s}^2$  [2+1п]. б) Ако је  $\Delta t_0$  временски интервал од почетка кретања до почетка првог временског интервала, тада је пређени пут  $\Delta S_1$  једнак :  $\Delta S_1 = a (\Delta t_0 + \Delta t)^2 / 2 - a (\Delta t_0)^2 / 2$  [3п], одакле добијамо да је временски интервал  $\Delta t_0$  једнак :  $\Delta t_0 = \Delta S_1 / (a \Delta t) - \Delta t / 2 = 0.37 \text{ s}$  [2+1п]. Укупно време кретања је једнако :  $t = \Delta t_0 + 2 \Delta t = 12.37 \text{ s}$  [1+1п]. ц)  $S = a t^2 / 2 = 136.18 \text{ m}$  [2+1п].

3. Нека је  $b$  ширина вагона, а  $v$  брзина кретања метка кроз вагон. Тада је :  $b = v \cdot t$  [8п], где је  $t$  време кретања метка кроз вагон. Обележимо са  $d$  растојање за које су један у односу на други померени отвори од метка на зидовима вагона. Нека је  $u$  брзина воза. Тада је :  $d = u \cdot t$  [8п]. Из претходне две једначине добијамо да је брзина метка током кретања између зидова вагона једнака :

$$v = \frac{b \cdot u}{d} = 300 \text{ m/s} \quad [3+1п]$$

4. Средње брзине тела у четвртој и петој секунди кретања су :  $v_{s,4} = (v_3 + v_4) / 2$  [2п] и  $v_{s,5} = (v_4 + v_5) / 2$  [2п]. Ако претходне две једначине одузмемо и искористимо услов задатка  $v_{s,5} = v_{s,4} + 2 \text{ m/s}$ , добијамо да је  $v_5 - v_3 = 4 \text{ m/s}$  (1) [3п]. Брзине тела на крају треће и пете секунде кретања су :  $v_3 = v_0 + a t_3$  [2п] и  $v_5 = v_0 + a t_5$  [2п], где је  $t_5 = 5 \text{ s}$ , а  $t_3 = 3 \text{ s}$ . Ако одузмемо претходне две једначине и искористимо релацију (1), добијамо вредност убрзања тела :  $a = \frac{(v_5 - v_3)}{t_5 - t_3} = 2 \text{ m/s}^2$  [3+1п]. Пут који тело пређе у првој секунди кретања једнак је :  $S = v_0 t_1 + a t_1^2 / 2$  [2п], где је  $t_1 = 1 \text{ s}$ . Из задње једначине добијамо да је почетна брзина тела једнака

$v_0 = 4 \text{ m/s}$  [3п].

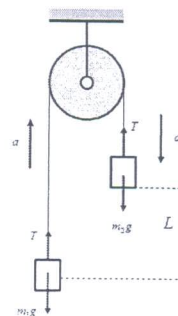
5. Како су нити неистегљиве, интензитети убрзања тегова су једнаки. Једначине кретања тела су :  $m_1 a = T - m_1 g$  [3п] ;  $m_2 a = m_2 g - T$  [3п]. Из претходних једначина добијамо да интензитет убрзања

тегова износи :  $a = \frac{m_2 - m_1}{m_2 + m_1} \cdot g = 4.28 \text{ m/s}^2$  [3+1п]. Први начин: релативно убрзање тегова 1 и 2 је :

$a_{rel} = 2a = 8.56 \text{ m/s}^2$  [4+1п]. Па је тражено време једнако :  $t = \sqrt{2L / a_{rel}} = 0.48 \text{ s}$  [4+1п]. Други

начин: До тренутка мимоилажења тегови прелазе путеве  $l = a t_1^2 / 2$  [2п] и  $l = a t_2^2 / 2$  [2п]. Како је

$L = 2l$  [2п] и  $t_1 = t_2 = t$  [2п] следи да је :  $t = \sqrt{L / a} = 0.48 \text{ s}$  [1+1п]







VIII ПРАЗ

Решења задатака за VIII ПРАЗ

ОПШТИНСКИ НИВО  
10.02.2013.

РЕД

1. а) Кинетичка енергија математичког клатна у амплитудном положају једнака је нули, па је кинетичка енергија клатна при проласку кроз равнотежни положај  $E_k = E_{kmax} = 50 \text{ mJ}$ .

Како је  $E_{kmax} = \frac{mv_{max}^2}{2}$ , следи да је  $v_{max} = \sqrt{\frac{2E_{kmax}}{m}} = 0,5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  (6 п)

б) Према закону о одржању енергије  $E_{kmax} = E_{pmax}$ ,  $\frac{mv_{max}^2}{2} = mgH$ , из чега следи да је:  $H = \frac{v_{max}^2}{2g} = 0,0125 \text{ m}$ . (6 п)

в) Из релације за период осциловања математичког клатна  $T = 2\pi\sqrt{\frac{l}{g}}$  се закључује да период и учестаност клатна не зависе од масе клатна. (4п)

г) Према услову задатка  $v_1 = v_{max}/2$ , односно  $v_1 = 0,25 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ , па је  $h = \frac{v_1^2}{2g} = 0,0031 \text{ m}$ . (4п)

2. а) Лопта је слободним падом прешла пут  $s = H - h = 9,8 \text{ m}$  (5 п). Из израза за пређени пут код слободног пада  $s = \frac{gt^2}{2}$  следи да је време падања лопте  $t = \sqrt{\frac{2s}{g}} = 1,4 \text{ s}$ , што је уједно и време кретања стреле. (7 п)

б) Стрела се попела на висину 5,2 м од земље. За хитац навише важи  $h = v_0 t - \frac{gt^2}{2}$  и  $v_0 = \frac{2h + gt^2}{2t} = 10,71 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ . (8 п)

3. При кретању звука од подморнице ка стени, стена се понаша као пријемник и региструје фреквенцију

$v_p' = \frac{u}{u - v_i} v_0$  (4 п). Звук се одбија од стене, што значи да се сад стена понаша као извор звука фреквенције  $v_p'$ , а

подморница као пријемник и она ће регистровати звук  $v_p'' = \frac{u + v_i}{u} v_p' = \frac{u + v_i}{u} \cdot \frac{u}{u - v_i} \cdot v_0 = \frac{u + v_i}{u - v_i} v_0$ . (8 п). Одавде следи

да је брзина подморнице  $v_i = \frac{v_p'' - v_0}{v_p'' + v_0} u = 8,71 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  (8 п).

4. Из једначине за сферно огледало:  $\frac{1}{p} + \frac{1}{l} = \frac{1}{f}$  (2 п), добија се растојање lika од огледала:  $l = \frac{fp}{p - f} = 220 \text{ cm}$  (6п).

Увећање сферног огледала је  $u = \frac{L}{h}$  (4 п), односно  $u = \frac{l}{p}$  (4 п), одакле се изједначавањем добија висина lika  $L = \frac{hl}{p} = 100 \text{ cm}$  (4п).

5. Брзина простирања таласа се изражава релацијом:  $v = \lambda \nu$  из које се израчунава учестаност таласа у баку:  $\nu_{Cu} = \frac{v}{\lambda_{Cu}} = 1825 \text{ Hz}$ . Како се при преласку из једне у другу средину фреквенција таласа не мења,  $\nu_{Cu} = \nu_{mv}$  (10 п), па је  $\lambda_{mv} = (1 - 0,58)\lambda_{Cu}$ . Следи да је таласна дужина у морској води  $\lambda_{mv} = 0,84 \text{ m}$ , (6 п), док је брзина таласа у морској води  $v_{mv} = \lambda_{mv} \nu_{mv} = 1533 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  (4 п)

Свим члановима Комисије желимо успешан рад!